

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Смирнов Сергей Николаевич  
Должность: врио ректора  
Дата подписания: 06.10.2023 12:37:43  
Уникальный программный ключ:  
69e375c64f7e975d4e8830e7b4fcc2ad1bf35f08

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
ФГБОУ ВО «Тверской государственный университет»



Утверждаю:  
Руководитель ООП

*Язенин* / А.В. Язенин /

«*15*» *сентября* 2020 года

**Рабочая программа дисциплины (с аннотацией)**

## **ТЕОРИЯ НЕОПРЕДЕЛЕННОСТЕЙ И НЕЧЕТКАЯ ЛОГИКА**

Направление подготовки  
02.03.02 ФУНДАМЕНТАЛЬНАЯ ИНФОРМАТИКА  
И ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Профиль подготовки  
Инженерия программного обеспечения

Для студентов 3-го курса

Форма обучения – очная

Составитель:

к.ф.-м.н. В.Н. Новикова

*Новикова*

Тверь, 2020

## **I. Аннотация**

### **1. Цели и задачи дисциплины**

Целью освоения дисциплины является: изучение современного математического аппарата представления и моделирования знаний с элементами неопределенности нечеткого типа и получение практических навыков использования данного аппарата в информационных технологиях, основанных на мягких вычислениях.

Задачами освоения дисциплины являются:

- 1) освоение фундаментальных понятий теории возможностей и технологий мягких вычислений,
- 2) выработка практических навыков их использования при разработке математических моделей и методов принятия решений в условиях неопределенности и информационных систем их поддержки.

### **2. Место дисциплины в структуре ООП**

Учебная дисциплина «Теория неопределенностей и нечеткая логика» относится к разделу «Математический» обязательной части Блока 1.

Для успешного освоения дисциплины необходимы знания основных понятий из математического анализа, линейной алгебры, теории вероятностей, методов оптимизации и принятия решений, а также навыки решения основных задач, рассматриваемых в этих дисциплинах.

В результате изучения дисциплины студент должен знать фундаментальные разделы математики, необходимые для проведения научных исследований в области математического обеспечения информационных технологий, уметь моделировать различные типы неопределенности, владеть математическим аппаратом теории возможностей и технологиями мягких вычислений, необходимыми для разработки информационных систем поддержки принятия решений, ориентированных на обработку информации в условиях неопределенности.

**3. Объем дисциплины:** 4 зачетных единицы, 144 академических часа, в том числе:

**контактная аудиторная работа:** лекции 32 часа, практические занятия 32 часа, в т.ч. практическая подготовка 10 часов;

**контактная внеаудиторная работа:** контроль самостоятельной работы \_\_\_--\_\_\_, в том числе курсовая работа \_\_\_--\_\_\_;

**самостоятельная работа:** 80 часов, в том числе контроль 32 часа.

### **4. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

Планируемые результаты освоения образовательной программы (формируемые компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания,	ОПК-1.1 Знает основные положения и концепции математических и естественных наук ОПК-1.2 Решает типовые математические и естественнонаучные

полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	задачи ОПК-1.3 Работает со стандартными математическими моделями при решении профессиональных задач
--	--

**5. Форма промежуточной аттестации и семестр прохождения:** экзамен, 6 семестр

**6. Язык преподавания русский.**

**II. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

Учебная программа – наименование разделов и тем	Всего (час.)	Контактная работа (час.)				Контроль самостоятельной работы (в том числе курсовая работа)	Самостоятельная работа, в том числе Контроль (час.)
		Лекции		Практические занятия			
		всего	в т.ч. практическая подготовка	всего	в т.ч. практическая подготовка		
Определение нечеткого подмножества. Функция принадлежности. Операции над нечеткими подмножествами.	8	2		2	1	--	4
Возможностная мера. Нечеткая (возможностная) переменная (величина) и ее функция распределения (по С.Намиасу). Свойства возможностных распределений.	8	2		2		--	4
Функции нечетких величин.	6	2		2		--	2
Классы параметризованных возможностных распределений (функций принадлежности). Распределения L-R типа.	8	2		2		--	4
t-нормы.	8	2		2		--	8
Взаимно T – связанные нечеткие величины.	8	2		2		--	8
Бинарные операции над нечеткими величинами.	8	2		2	1	--	8
Исчисление нечетких величин в классах параметризованных возможностных распределений и распределений L-R типа	8	2		2	1	--	4

Отношения между возможностными величинами.	8	2		2		--	4
Нечеткие отношения. Операции над нечеткими отношениями.	10	2		2		--	10
Нечеткие и лингвистические переменные (по Л.Заде).	10	2		2	1	--	6
Нечеткие алгоритмы и выводы.	10	2		2	1	--	10
Формирование базы правил.	10	2		2	1	--	10
Нейронные сети.	10	2		2		--	6
Нечеткие нейронные сети.	12	3		2	1	--	11
Язык FCL.	10	1		2	1	--	7
Программное обеспечение нечеткой логики.	10	2		2	2	--	10
<b>ИТОГО</b>	<b>144</b>	<b>32</b>		<b>32</b>	<b>10</b>		<b>80</b>

### III. Образовательные технологии

Учебная программа – наименование разделов и тем	Вид занятия	Образовательные технологии
Определение нечеткого подмножества. Функция принадлежности. Операции над нечеткими подмножествами.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Возможностная мера. Нечеткая (возможностная) переменная(величина) и ее функция распределения (по С.Намиасу). Свойства возможностных распределений.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Функции нечетких величин.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Классы параметризованных возможностных распределений (функций принадлежности). Распределения L-R типа.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
t-нормы.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Взаимно T – связанные нечеткие величины.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Бинарные операции над нечеткими величинами.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач

Исчисление нечетких величин в классах параметризованных возможностных распределений и распределений L-R типа	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Отношения между возможностными величинами.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Нечеткие отношения. Операции над нечеткими отношениями.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Нечеткие и лингвистические переменные (по Л.Заде).	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Нечеткие алгоритмы и выводы.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Формирование базы правил.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Нейронные сети.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Нечеткие нейронные сети.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Язык FCL.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Программное обеспечение нечеткой логики.	Лекции, практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач

Преподавание учебной дисциплины строится на сочетании лекций, практических занятий и различных форм самостоятельной работы студентов. В процессе освоения дисциплины используются следующие образовательные технологии, способы и методы формирования компетенций: традиционные лекции, практические занятия в диалоговом режиме, выполнение индивидуальных заданий в рамках самостоятельной работы.

Дисциплина предусматривает выполнение контрольных работ, тестов и письменных домашних заданий.

#### IV. Оценочные материалы для проведения текущей и промежуточной аттестации

Для проведения текущей и промежуточной аттестации:

ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности

ОПК-1.1 Знает основные положения и концепции математических и естественных наук

1. Приведите схему нечеткого логического вывода.
2. Перечислите операции над нечеткими подмножествами. Приведите числовые примеры.
3. Перечислите основные алгоритмы нечеткого вывода. Укажите их основные отличия друг от друга
4. Объясните различия между понятиями меры неопределенности и меры возможности.
5. Свойства меры возможности и меры необходимости.

Способ проведения – письменный.

Критерии оценивания:

Дан правильный развернутый ответ – 2 балла;

Ответ содержит неточности – 1 балл.

ОПК-1.2 Решает типовые математические и естественнонаучные задачи

1. Имеем две нечеткие величины  $(L-R)$  типа. Пусть  $L(t) = e^{-t^2}, t > 0$ ,  $R(t) = \max\{0, 1-t\}, t > 0$ . Распределения равны соответственно:  $X_1 = (3, 5, 1, 2)_{(L,R)}$ ,  $X_2 = (4, 5, 2, 1)_{(L,R)}$ .

Определите распределение нечеткой величины  $2X_1 + X_2$ , ее  $\alpha$  – уровневое множество при  $\alpha = 0.7$ .

2. Построить функции принадлежности множеств  $A, B, A \cup B, A \cap B, \bar{A}, \bar{B}$ , где

$$\mu_A = \begin{cases} (1 + 2(x - 10)^{-2})^{-1}, & x > 10 \\ 0, & x \leq 10 \end{cases}$$

$$\mu_B = (1 + 2(x - 6)^2)^{-1}$$

Способ проведения – письменный.

Критерии оценивания:

Задача решена полностью - 6 баллов;

Задача содержит неточности и незначительные ошибки - 4 балла;

Решение содержит грубые ошибки - 2 балла.

ОПК-1.3 Работает со стандартными математическими моделями при решении профессиональных задач

1. Построить грамматику синтаксического правила для лингвистической переменной «Температура», если используются следующие слова: «холодно», «комфортно», «жарко», «очень», «не», «более-менее», «и».

2. Составить систему правил вывода для нечеткого регулятора автоматического полива цветов, если входными параметрами являются время, прошедшее с предыдущего полива, и температура воздуха, а выходным параметром – количество воды.

Способ проведения – письменный.

Критерии оценивания:

Задача решена полностью - 6 баллов;

Задача содержит неточности и незначительные ошибки - 4 балла;

Решение содержит грубые ошибки - 2 балла.

## **V. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

### 1) Рекомендуемая литература

а) основная литература:

1. Системный анализ, оптимизация и принятие решений : учебник для студентов высших учебных заведений / В.А. Кузнецов, А.А. Черепяхин. — М. : КУРС : ИНФРА-М, 2017. — 256 с. - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/908528>

2. Романенко, А.А. Оптимизация приложений с использованием библиотеки Intel MKL / А.А. Романенко, Ю.М. Лаевский. - 2-е изд., испр. - М.: Национальный Открытый Университет «ИНТУИТ», 2016. - 31 с.; [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=429141>

3. Копченова, Н.В. Вычислительная математика в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учеб. пособие / Н.В. Копченова, И.А. Марон. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург: Лань, 2017. — 368 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/96854>

б) дополнительная литература:

1. Моделирование и численная оптимизация замкнутых систем автоматического управления в программе VisSim/Жмудь В.А. - Новосибир.: НГТУ, 2016. - 124 с.: ISBN 978-5-7782-2103-1 - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/546586>

2. Лубенцова, Е.В. Системы управления с динамическим выбором структуры, нечеткой логикой и нейросетевыми моделями: монография / Е.В. Лубенцова; Министерство образования и науки Российской Федерации, Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего профессионального образования «Северо-Кавказский федеральный университет». - Ставрополь: СКФУ, 2014. - 248 с.: ил. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-88648-902-6; [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=457413>

### 2) Программное обеспечение

<p>Компьютерный класс факультета прикладной математики и кибернетики № 46 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)</p>	<p>Перечень программного обеспечения (со свободными лицензиями): Adobe Acrobat Reader DC, Anaconda3 2019.07 (Python 3.7.3 64-bit), Apache Tomcat 8.0.27, Cadence SPB/OrCAD 16.6, GlassFish Server Open Source Edition 4.1.1, Google Chrome, IntelliJ IDEA, IIS 10.0 Express, Java SE Development Kit 8 Update 191 (64-bit), JetBrains PyCharm Community Edition 2019.2.1, Kaspersky Endpoint Security для Windows, Lazarus 2.0.12, MiKTeX, NetBeans IDE 8.2, Notepad++ (64-bit x64), ONLYOFFICE Desktop Editors 7.1 (x64), Origin 8.1 Sr2, Python 3.10.7, R for Windows 3.6.1, RStudio Desktop, Visual Studio Community 2022, VLC media player, WinDjView 2.1, Unreal Commander v3.57x64</p>
--	--

3) Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. ЭБС «ZNIANIUM.COM» [www.znanium.com](http://www.znanium.com);
2. ЭБС «Университетская библиотека онлайн» <https://biblioclub.ru/>;
3. ЭБС «Лань» <http://e.lanbook.com>.

4) Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины  
Microsoft Office Russian OpenLicensePack NoLevel AcademicEdition (версии 2003, 2007)

Интернет-университет <http://www.intuit.ru>

## **VI. Методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины**

### **Учебное пособие:**

Язенин А.В. Основные понятия теории возможностей // М.: Физматлит, 2016. — 138 с.

В итоге проводятся 3 контрольных мероприятия, распределение баллов между которыми составляет 30/30/40. Контрольные работы проводятся в письменной и в тестовой форме.

### ***Тематика групповых докладов с презентациями***

1. Нейронные сети. Основные понятия.
2. Сети Кохонена.
3. Растущий нейронный газ
4. Нечеткая нейронная сеть.
5. Генетические алгоритмы.

### ***Тесты для самоконтроля***

#### **1. Верны ли утверждения:**

- А. Любая вещественная переменная является возможностной.  
Да - нет
- Б. Любое нечеткое число унимодально.  
Да - нет

**В.** Трапецевидная возможностная величина является полимодальной:

Да -нет

**2. Выберите один вариант ответа:**

**А.** Носитель нормальной возможностной величины имеет вид:

- отрезка
- интервала
- луча
- прямой

**Б.** Функция распределения возможностной величины  $\mu_X(t)$  есть:

- вероятность того, что переменная  $X$  принимает значение  $t$
- возможность того, что переменная  $X$  может принять значение  $t$
- возможность того, что переменная  $X$  принимает значения больше  $t$
- вероятность того, что переменная  $X$  принимает значения меньше  $t$

**В.** Возможностное пространство представляет собой:

- дублет,
- триплет,
- квартет,
- квинтет.

**Г.** Множество значений функции распределения нормальной возможностной величины равно:

- $(-\infty; \infty)$
- $[0; \infty)$
- $[0; 1]$

**3. Выберите несколько вариантов ответа**

**А.** Параметризованная возможностная величина полностью задается:

- уровневными множествами
- модальным значением
- коэффициентом нечеткости
- носителем
- классом

**Б.** Возможностное пространство включает в себя:

- модельное множество
- функцию распределения
- меру возможности
- меру необходимости
- множество всех подмножеств модельного множества

**В.** Основными классами параметризованных возможностных распределений являются:

- треугольные
- экспоненциальные
- биномиальные
- трапецевидные
- нормальные
- прямоугольные

***Методические рекомендации для подготовки к экзамену***

К экзамену допускаются студенты, которые систематически, в течение всего семестра работали на занятиях и показали уверенные знания по вопросам, выносившимся на групповые занятия.

Непосредственная подготовка к экзамену осуществляется по вопросам, представленным в данной учебной программе. Тщательно изучите формулировку каждого вопроса, вникните в его суть, составьте план ответа.

Подготовка к экзамену заключается в изучении тщательной проработке студентом учебного материала дисциплины с учётом учебников, лекционных и семинарских занятий, сгруппированном в виде контрольных вопросов.

Экзамен по курсу проводится по билетам.

На экзамен студент даёт ответы на вопросы билета после предварительной подготовки. Студенту предоставляется право отвечать на вопросы билета без подготовки по его желанию. Преподаватель имеет право задавать дополнительные вопросы, если студент недостаточно полно осветил тематику вопроса, если затруднительно однозначно оценить ответ, если студент не может ответить на вопрос билета, если студент отсутствовал на занятиях в семестре.

Качественной подготовкой к экзамену является:

- полное знание всего учебного материала по курсу;
- свободное оперирование материалом;
- демонстрация знаний дополнительного материала;
- чёткие правильные ответы на дополнительные вопросы.

### ***Примеры задач и вопросов для контроля знаний.***

1. Имеем две нечеткие величины  $(L-R)$  типа. Пусть  $L(t) = e^{-t^2}, t > 0$ ,  $R(t) = \max\{0, 1-t\}, t > 0$ . Распределения равны соответственно:  $X_1 = (3, 5, 1, 2)_{(L,R)}$ ,  $X_2 = (4, 5, 2, 1)_{(L,R)}$ .

Определите распределение нечеткой величины  $2X_1 + X_2$ , ее  $\alpha$ -уровневое множество при  $\alpha = 0.7$ .

2. Приведите схему нечеткого логического вывода.
3. Перечислите операции над нечеткими подмножествами.
4. Перечислите основные алгоритмы нечеткого вывода.

### ***Вопросы для подготовки к экзамену***

1. Операции над нечеткими подмножествами.
2. Нечеткая (возможностная) переменная (величина) и ее функция распределения.
3. Функции нечетких величин.
4. Классы параметризованных возможностных распределений.
5. Распределения L-R типа.
6. t-нормы: свойства, примеры t-норм.
7. Взаимно минисвязанные нечеткие величины.
8. Взаимно T – связанные нечеткие величины.

9. Бинарные операции над взаимно минисвязанными нечеткими величинами.
10. Исчисление нечетких величин в классах параметризованных возможностей распределений.
11. Исчисление нечетких величин в классе распределений L-R типа.
12. Отношения между возможностными величинами.
13. Нечеткие отношения. Операции над нечеткими отношениями.
14. Нечеткие переменные (по Л.Заде).
15. Лингвистические переменные (по Л.Заде).
16. Нечеткие алгоритмы и выводы.
17. Формирование базы правил.
18. Нейронные сети. Основные понятия.
19. Генетические алгоритмы.
20. Программное обеспечение нечеткой логики.

## VII. Материально-техническое обеспечение

### Для аудиторной работы

Учебная аудитория № 308 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)	Набор учебной мебели, экран, проектор.
---	--

### Для самостоятельной работы

Помещение для самостоятельной работы обучающихся: Компьютерный класс факультета прикладной математики и кибернетики № 46 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)	Компьютер, экран, проектор, кондиционер.
--	---

## VIII. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины

№ п.п.	Обновленный раздел рабочей программы дисциплины	Описание внесенных изменений	Дата и протокол заседания кафедры, утвердившего изменения
1.	3. Объем дисциплины	Выделение часов на практическую подготовку	От 29.10.2020 года, протокол № 3 ученого совета факультета
2.	II. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий	Выделение часов на практическую подготовку по темам	От 29.10.2020 года, протокол № 3 ученого совета факультета
3.	V. Учебно- методическое и информационное обеспечение дисциплины	Внесены изменения в программное обеспечение	От 29.09.2022 года, протокол № 2 ученого совета факультета

	2) Программное обеспечение		
4.	VII. Материально-техническое обеспечение	Внесены изменения в материально-техническое обеспечение аудиторий	От 29.09.2022 года, протокол № 2 ученого совета факультета