Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Смирнов Сергей Николаевич

Должность: врио ректора Дата подписания: 09.1 Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

Уникальный программный ключ:

69e375c64f7e975d4e8830e7b4fcc20Cb590V ВО «Тверской государственный университет»

Утверждаю:

Руководитель ООП

А.А. Голубев

2021 г.

Рабочая программа дисциплины (с аннотацией)

Программные средства математических вычислений

Направление подготовки

01.03.01 Математика

Профиль подготовки

Преподавание математики и информатики

Для студентов 2 курса

Форма обучения очная

Составитель:

к.ф.-м.н., доцент Куженькин С.Н.

I. Аннотация

1. Цель и задачи дисциплины

Целями освоения дисциплины «Программные средства математических вычислений» является формирование способность к самоорганизации и самообразованию.

Задачами освоения дисциплины является приобретение навыков работы с математическими пакетами Maple и MatLab необходимых для освоения ООП и последующей профессиональной деятельности.

2. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина относится к формируемой участниками образовательных отношений части блока 1 — к элективным дисциплинам, углубляющим универсальные компетенции и формирующим профессиональные компетенции.

Является дисциплиной, имеющей логические и содержательно-методологические взаимосвязи со следующими дисциплинами: основы программирования, информационно-коммуникационные технологии, решение логических задач на элективных курсах по информатике и ИКТ, алгоритмизация и программирование в школьном курсе информатики и ИКТ, программирование в профильном курсе информатики и др.

Освоение дисциплины необходимо в практическом применении полученных компьютерных навыков в ходе научно-исследовательской работы и педагогической практики.

Дисциплина изучается на 2 курсе (4-й семестр).

3. Объём дисциплины: 3 зачётные единицы, 108 академических часа, **в том числе:**

контактная аудиторная работа: 36 часов,

в том числе: практические занятия 36 часов, в том числе практическая

подготовка 10 часов;

самостоятельная работа: 72 часа,

в том числе контроль 27 часов.

4. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Планируемые результаты освоения	Планируемые результаты обучения по дисциплине
образовательной программы	
(формируемые компетенции)	
ПК-2 Способен осуществлять	ПК-2.1 Актуализирует базовые знания,
научно-исследовательскую работу	полученные в области математических и

на основе математических и	естественных наук, программирования и		
естественных наук, основ	информационных технологий		
программирования и	ПК-2.2 Формулирует и решает стандартные		
информационных технологий	задачи в собственной научно-исследовательской		
	деятельности в математике и информатике		

5. Форма промежуточной аттестации и семестр прохождения экзамен (4 семестр).

6. Язык преподавания: русский.

II. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

		Контактная работа		Самостоятель-
Учебная программа – наименование разделов и тем	Всего (час.)	Практичес- кие занятия	в т.ч. практичес- кая подготовка	ная работа, в том числе контроль (час.)
		здел 1		
	10	з вычислени 2	й Matlab ()	8
Принцип матричных	10	2		8
вычислений в среде Matlab				
Основные приемы работы на	6	2	0	4
рабочем столе				
Типы данных в среде Matlab	6	2	0	4
Программирование	6	2	0	4
вычислительных процессов в				
среде Matlab				
Высокоуровневая графика	6	2	0	4
Графические объекты среды	6	2	0	4
Matlab				
Дескрипторная графика	6	2	0	4
Решение математических	10	2	0	8
задач в системе Matlab				
Расширения Matlab – пакеты	10	2	0	8
Toolboox и Simulink				
Связь Matlab и MS Office	8	4	2	4
Раздел 2 Пакет символьной математики - Maple				
Рабочее пространство Maple	6	2	4	4
Основные объекты и	6	2	0	4
команды Maple				

Графика в Maple	6	2	0	4
Основы программирования в	4	2	0	2
Maple				
Связь Maple и Excel	4	2	0	2
Решение математических	8	4	4	4
задач в системе Maple				
Итого	108	36	10	72

Ш. Образовательные технологии

Преподавание учебной дисциплины строится на сочетании аудиторных занятий и различных форм самостоятельной работы студентов.

Также на занятиях практикуется самостоятельная работа студентов, выполнение заданий в малых группах, письменные работы, моделирование дискуссионных ситуаций, работа с раздаточным материалом, привлекаются ресурсы сети INTERNET. Курс предусматривает выполнение контрольных и самостоятельных работ, письменных домашних заданий. В качестве форм контроля используются различные варианты взаимопроверки и взаимоконтроля.

Интерактивное взаимодействие студентов с одной стороны и преподавателя с другой, а также студентов между собой и с преподавателем во время практических занятий.

Образовательные технологии

- <u>1</u>. Дискуссионные технологии
- 2. Информационные (цифровые)
- 3. Технологии развития критического мышления

Современные методы обучения

- 1. Активное слушание
- 2. Лекция (традиционная)

IV. Оценочные материалы для проведения текущей и промежуточной аттестации

1. Оценочные материалы для проведения текущей аттестации Типовые задачи для промежуточного контроля

1. Постройте график функции $f(x) = 2x \cdot (1 - \ln x)$ и касательной к этой функции в отличной от нуля неподвижной точке. Найдите нули функции f.

- Постройте график функции $f(x) = xe^{2-x} 1$ и касательной к этой 2. функции в точке x_0 такой, что $x_0 > 1$ и $f(x_0) = 0$. Найдите неподвижные точки функции f.
- Определите функцию $f(x) = \begin{cases} 1, & x > 2; \\ x^2 3, & -2 \le x \le 2; \end{cases}$ и постройте ее график. $\sin \pi x, & x < -2; \end{cases}$ 3.
- 4. Постройте график функции f(x, y)а, используя декартовы, цилиндрические и сферические координаты:

a)
$$f(x, y) = (x^2 - y^2)e^{-(x^2 + y^2)}$$
 6) $f(x, y) = \frac{xy(x^2 - y^2)}{x^2 + y^2}$.

$$6) f(x, y) = \frac{xy(x^2 - y^2)}{x^2 + y^2}.$$

- Постройте графики $\operatorname{Re} f(z)$, $\operatorname{Im} f(z)$, |f(z)|, $\operatorname{arg} f(z)$, если $f(z) = z^2 iz + 3 i$. 5.
- Найдите $\frac{\partial f}{\partial x}(M)$, $\frac{\partial^2 f}{\partial x^2}(M)$, $\frac{\partial^3 f}{\partial x \partial y^2}(M)$ для $f(x,y) = \frac{x + \sin xy}{1 + x^2 + y^2}$, если 6.

a)
$$M = (\xi, \eta)$$
,

a)
$$M = (\xi, \eta)$$
, 6) $M = \left(1; \frac{\pi}{4}\right)$.

- Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x, y) = \frac{x + \sin xy}{1 + x^2 + y^2}$ 7.
- а) в прямоугольнике $[0,\pi] \times \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right]$,
- б) в круге $x^2 + y^2 \le 1$.
- Найдите площадь фигуры ограниченной линиями 8.

a)
$$f(x) = 1 - \frac{x}{\pi}$$
 $H(x) = \frac{\sin x}{x}$

Решите систему линейных уравнений 9.

a)
$$\begin{cases} 2x+3y-4z+t \\ x-y+3z=3; \\ y-2z+t=0; \\ 2x-y+t=2; \end{cases}$$

a)
$$\begin{cases} 2x+3y-4z+t=2;\\ x-y+3z=3;\\ y-2z+t=0;\\ 2x-y+t=2; \end{cases}$$
 6)
$$\begin{cases} 2x+3y-4z+t=2;\\ x-y+3z=3;\\ y-2z+t=0;\\ 3x+3y-3z+2t=5; \end{cases}$$

- Найдите корни уравнения а) $x^6+2x^5+x^4+x^3-2x^2-x-2=0$;
- 6) $e^{x} \cos x = 0$.
- 11. Найдите общее решение дифференциального уравнения

$$y'' + 2y' + 3 = (x^2 + x + 1)\sin x$$
.

12. Напишите модуль для вычисления определенного интеграла вида

$$\int_{0}^{2\pi} R(\cos x, \sin x) dx$$
 методом вычетов.

13. Напишите модуль для вычисления несобственного интеграла вида

2. Оценочные материалы для проведения промежуточной аттестации

Планируемый образовательный результат (компетенция, индикатор)	Типовые контрольные задания	Критерии оценивания и шкала оценивания
ПК-2 Способен осуществлять научно- исследовательскую работу на основе математических и естественных наук, основ программирования и информационных технологий ПК-2.1 Актуализирует базовые знания, полученные в области математических и естественных наук, программирования и информационных технологий ПК-2.2 Формулирует и решает стандартные задачи в собственной научно-исследовательской деятельности в математике и информатике	1. Постройте графики $Re f(z)$, $Im f(z)$, $ f(z) $, $arg f(z)$, $ecnu f(z) = z^2 - iz + 3 - i \dots$ Осуществите подборку справочной литературы. 2. Опишите средства построения сплайн-поверхностей. Приведите примеры. Осуществите подборку справочной литературы. 3. Перечислите основные способы преобразования математических выражений в пакете Matlab (Maple). Приведите примеры. 4. Напишите модуль для вычисления определен-ного интеграла вида 2π $\int R(\cos x, \sin x) dx$ методом вычетов.	 Полно и правильно даны ответы на все поставленные вопросы, приведены необходимые примеры; студент показывает понимание излагаемого материала − 30 − 40 баллов Полно и правильно даны ответы на все поставленные вопросы, приведены примеры, однако имеются неточности; в целом студент показывает понимание изученного материала − 20 − 29 баллов Ответ дан в основном правильно, но недостаточно аргументированы выводы, приведены не все необходимые примеры − 10 - 19 баллов Даны неверные ответы на поставленные вопросы − 0 - 9 баллов Даны неверные ответы на поставленные вопросы − 0 - 9 баллов Даны на неверные ответы на поставленные вопросы − 0 - 9 баллов Даны на на поставленные вопросы − 0 - 9 баллов Даны на на поставленные вопросы − 0 - 9 баллов Даны на примены владеет теоретическими навыками применения математических методов к решению профессиональных задач − 30 − 40 баллов Знает основные математические понятия и умеет применять их на

практике — 20 — 29 <i>баллов</i>
• Умеет применять на практик
простейшие стандартны
математические методы – 45
64%
• Имеет общее представ-
ление, но не владеет
материалом – 10 - 19 <i>баллов</i>
 Не владеет – 0 - 9 баллов

V. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

1) Рекомендуемая литература

а) Основная литература:

- 1. Амосов, А. А. Вычислительные методы / А. А. Амосов, Ю. А. Дубинский, Н. В. Копченова. 5-е изд., стер. Санкт-Петербург : Лань, 2023. 672 с. ISBN 978-5-507-47808-8. Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/327497
- 2. Воскобойников, Ю. Е. Регрессионный анализ данных в пакете MATHCAD : учебное пособие / Ю. Е. Воскобойников. Санкт-Петербург : Лань, 2022. 224 с. ISBN 978-5-8114-1096-5. Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/210557

б) Дополнительная литература:

1. Демидович, Б. П. Основы вычислительной математики : учебное пособие / Б. П. Демидович, И. А. Марон. — 8-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 672 с. — ISBN 978-5-8114-0695-1. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/210674
2. Система аналитических вычислений Maple : задания и упражнения : учебно-методическое пособие для студентов мат. фак. / Твер. гос. ун-т. Каф. информатики и методов оптимизации; [Авт.-сост. В. О. Ашкеназы]. - Тверь: Тверской государственный университет, 2003. - 26 с. - Библиогр.: с.26.— Электронный ресурс. — Режим доступа: http://texts.lib.tversu.ru/texts2/00102lab.pdf

2) Программное обеспечение

Google Chrome	бесплатное ПО
Яндекс Браузер	бесплатное ПО
Kaspersky Endpoint Security 10	акт на передачу прав ПК545 от 16.12.2022
Многофункциональный	бесплатное ПО
редактор ONLYOFFICE	
OC Linux Ubuntu	бесплатное ПО

3) Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

№ п/п	Вид информационного ресурса, наименование информационного ресурса	Адрес (URL)
1	ЭБС «ZNANIUM.COM»	https://znanium.com/
2	ЭБС «ЮРАИТ»	https://urait.ru/
3	ЭБС «Университетская библиотека онлайн»	https://biblioclub.ru/
4	ЭБС IPR SMART	http://www.iprbookshop.ru/
5	ЭБС «ЛАНЬ»	http://e.lanbook.com
6	ЭБС ТвГУ	http://megapro.tversu.ru/megapro/Web
7	Репозитарий ТвГУ	http://eprints.tversu.ru
8	Ресурсы издательства Springer Nature	http://link.springer.com/
9	СПС КонсультантПлюс (в сети ТвГУ)	

VI. Методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины

Учебная программа курса

Раздел 1

Пакет численных вычислений Matlab

- 1. <u>Принцип матричных вычислений в среде Matlab</u>.
- 2. Основные приемы работы на рабочем столе. Графический интерфейс. Переменные рабочего пространства. Форматы отображения числовых данных. Выполнение арифметических выражений. Встроенные математические функции. Работа с комплексными числами.
- 3. <u>Типы данных в среде Matlab</u>. Целочисленные и вещественные данные, Массивы и матрицы. Символьные массивы. Структуры и массивы структур. Ячейки и массивы ячеек. Объекты и массивы объектов. Указатели и массивы указателей. Функции для работы с массивами. Символьные данные. Функции для работы с символьными данными.
- 4. <u>Программирование вычислительных процессов в среде Matlab</u>. Синтаксис команд и операторов. Программы и функции. Параметры функций. Функции eval и *feval*. Работа в редакторе *m*-файлов. Отладка программ.

- 5. <u>Высокоуровневая графика</u>. Построение графиков функций одного и двух переменных, заданных различными способами и в различных масштабах. Возможности оформления графиков функций.
- 6. <u>Графические объекты среды Matlab</u>. Root, Figure, Axes, Line, Rectangle, Circle, Text. Иерархия объектов. Функции для работы с объектами.
- 7. Дескрипторная графика. Задание свойств окон осей и линий. Вывод текстовых объектов. Встроенный компилятор ТеХ.
- 8. Решение математических задач в системе Matlab. Задачи линейной алгебры: Обращение матриц. Вычисление собственных значений. Решение систем линейных уравнений. Задачи математического анализа. Отыскание корней полиномов и произвольных нелинейных уравнений. Численное дифференцирование и интегрирование. Задачи дифференциальных уравнений. Численное решение задачи Коши и краевой задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений. Задачи теории вероятностей И математической статистики: Генерирование случайных величин. Статистическая обработка данных. Методы оптимизации: Линейное программирование, квадратичное программирование. Безусловная и условная минимизация. Задачи теории приближений. Аппроксимация и интерполяция. Сплайн – аппроксимация.
- 9. Расширения Matlab пакеты Toolboox и Simulink.
- 10.Связь Matlab и MS Office.

Раздел 2

Пакет символьной математики – Maple

- 11. <u>Рабочее пространство Maple</u>. Рабочие листы. Область ввода. Область вывода. Графический интерфейс. Структурирование документа. Работа с несколькими рабочими листами.
- 12. Основные объекты и команды Maple. Числа, константы строки. Переменные, неизвестные и выражения. Команды преобразования выражений. Структура выражений и их вычисление. Сложные типы данных: Последовательности выражений. Списки и множества. Массивы и таблицы. Внутренняя структура выражений. Подстановка и преобразование типов. Вычисление выражений.
- 13. <u>Графика в Марle</u>. Двумерная и трехмерная графика. Графические структуры Марle.
- 14. Основы программирования в Maple. Выражения и типы. Операторы. Процедуры. Передача параметров. Локальные и глобальные переменные. Возвращаемые значения. Модули. Подключение внешних процедур.

15. Связь Марle и Excel. Решение математических задач в системе Марle. Пакеты Марle. Задачи линейной алгебры и аналитической геометрии на плоскости и в пространстве: Обращение матриц. Вычисление собственных значений. Матриц. Решение систем линейных уравнений. Задачи математического анализа. Отыскание корней полиномов и произвольных нелинейных уравнений. Вычисление пределов и суммирование рядов. Функциональные ряды. Степенные ряды и ряды Фурье. Дифференцирование и интегрирование. Задачи дифференциальных уравнений. Решение задачи Коши и краевой задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений. Задачи теории приближений. Интерполирование функций полиномами. Сплайн — интерполяция.

Вопросы к экзамену

- 1. Перечислите основные положения матричных и функциональных математических вычислений.
- 2. Перечислите основные типы данных в пакете Matlab (Maple). Приведите примеры.
- 3. Перечислите основные способы преобразования математических выражений в пакете Matlab (Maple). Приведите примеры.
- 4. Опишите основные приемы программирования вычислительных процессов в пакете Matlab (Maple).
- 5. Опишите средства построения графиков одномерных функций. Приведите примеры.
- 6. Опишите средства построения комбинаций трехмерных фигур. Приведите примеры.
- 7. Опишите средства построения графиков двумерных функций. Приведите примеры.
- 8. Опишите средства построения пространственных кривых. Приведите примеры.
- 9. Опишите средства построения комбинаций трехмерных фигур. Приведите примеры.
- 10. Опишите средства построения пространственных комбинаций одномерных линий. Приведите примеры.
- 11. Опишите средства построения кривых, лежащих на поверхности. Приведите примеры.
- 12. Опишите средства построения векторных полей. Приведите примеры.
- 13. Опишите средства построения освещенных поверхностей. Приведите примеры.
- 14. Опишите средства построения диаграмм. Приведите примеры.

- 15. Опишите средства символьного и численного дифференцирования (интегрирования). Приведите примеры.
- 16. Опишите средства построения образов множеств при отображении. Приведите примеры.
- 17. Опишите средства построения прообразов множеств при отображении. Приведите примеры.

Опишите средства построения сплайн-поверхностей. Приведите примеры.

Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Организуя свою учебную работу, студенты должны:

Во-первых, выявить рекомендуемый режим и характер учебной работы по изучению теоретического курса, практическому применению изученного материала, по выполнению заданий для самостоятельной работы, по использованию информационных технологий и т.д.

Во-вторых, ознакомиться с указанным в методическом материале по дисциплине перечнем учебно-методических изданий, рекомендуемых студентам для подготовки к занятиям и выполнения самостоятельной работы, а также с методическими материалами на бумажных и/или электронных носителях, выпущенных кафедрой своими силами и предоставляемые студентам во время занятий.

Самостоятельная работа студентов, предусмотренная учебным планом должна соответствовать более глубокому усвоению изучаемого курса, формировать навыки исследовательской работы и ориентировать студентов на умение применять теоретические знания на практике.

- 1. Работа с учебными пособиями. Для полноценного усвоения курса студент должен, прежде всего, овладеть основными понятиями этой дисциплины. Необходимо усвоить определения и понятия, уметь приводить их точные формулировки, приводить примеры объектов, удовлетворяющих этому определению. Кроме того, необходимо знать круг фактов, связанных с данным понятием. Требуется также знать связи между понятиями, уметь устанавливать соотношения между классами объектов, описываемых различными понятиями.
- 2. Самостоятельное изучение тем. Самостоятельная работа студента является важным видом деятельности, позволяющим хорошо усвоить изучаемый предмет и одним из условий достижения необходимого качества подготовки и профессиональной переподготовки специалистов. Она предполагает самостоятельное изучение студентом рекомендованной учебно-методической литературы, различных справочных материалов,

написание рефератов, выступление с докладом, подготовку к лекционным и практическим занятиям, подготовку к зачёту и экзамену.

- **3. Подготовка к практическим занятиям.** При подготовке к практическим занятиям студентам рекомендуется следовать методическим рекомендациям по работе с учебными пособиями, приведенным выше.
- **4.** Составление глоссария. В глоссарий должны быть включены основные понятия, которые студенты изучают в ходе самостоятельной работы. Для полноты исследования рекомендуется вписывать в глоссарий и те термины, которые студентам будут раскрыты в ходе лекционных занятий.
- **5.** Составление конспектов. В конспекте отражены основные понятия темы. Для наглядности и удобства запоминания использованы схемы и таблицы.
- **6. Подготовка к экзамену.** При подготовке к экзамену студенты должны использовать как самостоятельно подготовленные конспекты, так и материалы, полученные в ходе занятий.

Качество усвоения студентом каждой дисциплины оценивается по 100-балльной шкале.

Интегральная рейтинговая опенка (балл) по каждому модулю (периоду обучения) складывается из оценки текущей работы обучающихся на занятиях семинарского типа (семинары, практические занятия, практикумы, лабораторные работы, коллоквиумы и иные аналогичные занятия), оценки индивидуальной работы обучающихся и оценки за выполнение заданий рейтингового контроля успеваемости. При этом доля баллов, выделенных на рейтинговый контроль не должна превышать 50% общей суммы баллов данного модуля (периода обучения).

Максимальная сумма рейтинговых баллов по учебной дисциплине, заканчивающейся экзаменом, по итогам семестра составляет 60.

Обучающемуся, набравшему 40-54 балла, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в рейтинговой ведомости учета успеваемости и зачетной книжке может быть выставлена оценка «удовлетворительно».

Обучающемуся, набравшему 55-57 баллов, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в графе рейтинговой ведомости учета успеваемости «Премиальные баллы» может быть добавлено 15 баллов и выставлена экзаменационная оценка «хорошо».

Обучающемуся, набравшему 58-60 баллов, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в графе рейтинговой ведомости учета успеваемости «Премиальные баллы» может быть добавлено 27 баллов и выставлена экзаменационная оценка «отлично».

В каких-либо иных случаях добавление премиальных баллов не допускается.

Обучающийся, набравший до 39 баллов включительно, сдает экзамен. При наличии подтвержденных документально уважительных причин, по

которым были пропущены занятия (длительная болезнь, обучение в другом вузе в рамках академической мобильности и др.), обучающийся имеет право отработать пропущенные занятия и получить дополнительные баллы в рамках установленных баллов за модуль. Сроки и порядок отработки определяет преподаватель. Баллы выставляются в графе «отработка».

Ответ обучающегося на экзамене оценивается суммой до 40 рейтинговых баллов. Итоговая оценка складывается из суммы баллов, полученных за семестр, и баллов, полученных на экзамене. Обучающемуся, который сдает экзамен, премиальные баллы не начисляются.

Согласно подходам балльно-рейтинговой системы в рамках оценки знаний, умений, владений (умений применять) и (или) опыта деятельности дисциплины установлены следующие аспекты:

- Содержание учебной дисциплины в рамках одного семестра делится на два модуля (периода обучения). По окончании модуля (периода обучения) осуществляется рейтинговый контроль успеваемости знаний студентов.
 - Сроки проведения рейтингового контроля:

осенний семестр — I рейтинговый контроль успеваемости проводится согласно графику учебного процесса, II рейтинговый контроль успеваемости - две последние недели фактического завершения семестра по графику учебного процесса;

весенний семестр — I рейтинговый контроль успеваемости проводится согласно графику учебного процесса, II рейтинговый контроль успеваемости - две последние недели фактического завершения семестра по графику учебного процесса.

VII. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Наименование специальных* помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
Помещение для	Комплект	Adobe Acrobat Reader DC – Russian –
самостоятельной	учебной мебели,	бесплатно
работы, учебная	компьютер	Cadence SPB/OrCAD 16.6 – Государственный
аудитория для	(системный блок,	контракт на поставку лицензионных
проведения занятий	монитор,	программных продуктов 103 - ГК/09 от
лекционного типа,	клавиатура,	15.06.2009
занятий	мышь) 8 шт.,	Google Chrome – бесплатно
семинарского типа,	коммутатор.	Java SE Development Kit 8 Update 45 (64-bit) –
курсового		бесплатно
проектирования		Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows –
(выполнения		Акт на передачу прав ПК545 от 16.12.2022
курсовых работ),		Lazarus 1.4.0 – бесплатно
групповых и		Mathcad 15 M010 – Акт предоставления прав

индивидуальных	ИС00000027 от 16.09.2011;
консультаций,	MATLAB R2012b – Акт предоставления прав
текущего контроля и	№ Us000311 от 25.09.2012;
промежуточной	Mercurial 3.7.3 бесплатно
аттестации,	Microsoft SQL Server 2012 Express LocalDB –
практики,	бесплатно
компьютерный класс	Microsoft Web Deploy 3.5 – бесплатно
математического	МіКТеХ 2.9 – бесплатно
факультета: № 16	MSXML 4.0 SP2 Parser and SDK – бесплатно
(170002 Тверская	MySQL Workbench 6.3 CE – бесплатно
обл., г. Тверь,	NetBeans IDE 8.0.2 – бесплатно
пер. Садовый, д. 35)	Notepad++ – бесплатно
	Origin 8.1 Sr2 – договор №13918/M41 от
	24.09.2009 с ЗАО «СофтЛайн Трейд»;
	Python 3.4.3 – бесплатно
	WinDjView 2.1 – бесплатно
	WCF RIA Services V1.0 SP2 – бесплатно
	Многофункциональный
	редактор ONLYOFFICE – бесплатное ПО
	бесплатно
	OC Linux Ubuntu бесплатное ПО – бесплатно
_	

VIII. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины

№ п.п.	Обновленный раздел рабочей программы дисциплины	Описание внесенных изменений	Дата и № протокола заседания кафедры / методического совета факультета, утвердившего изменения
1.	V. Учебно- методическое и информационное обеспечение дисциплины	1) Рекомендуемая литература — актуализация списка	Решение научно- методического совета математического факультета (протокол №1 от 20.09.2022 г.)
2.	V. Учебно- методическое и информационное обеспечение дисциплины	1) Рекомендуемая литература — актуализация списка	Решение научно- методического совета математического факультета (протокол №1 от 19.09.2023 г.)