

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Смирнов Сергей Николаевич

Должность: врио ректора

Дата подписания: 10.10.2023 09:45:21

Уникальный программный ключ: ФГБОУ ВО «Тверской государственный университет»

69e375c64f7e975d4e8830e7b4fcc2ad1bf35f08



Утверждаю:

Руководитель ООП

 А.А. Голубев

«16» 06 2021 г.

Рабочая программа дисциплины (с аннотацией)

## **Дискретная математика и математическая логика**

Направление подготовки

**01.03.01 Математика**

Профиль подготовки

**Преподавание математики и информатики**

Для студентов 3 курса

Форма обучения очная

Составитель:

  
к.ф.-м.н., доцент Рыбаков М.Н.

Тверь, 2021

## **I. Аннотация**

### **1. Цель и задачи дисциплины**

Целями освоения дисциплины являются: освоение основ фундаментальных знаний, позволяющих разобраться в математическом описании проблем, связанных с дискретной математикой и математической логикой, умение решать стандартные задачи, давать интерпретацию полученным результатам, а также

- вооружить будущего учителя математики и информатики знаниями, умениями и навыками, необходимыми для творческого преподавания математики и информатики;

- развить и углубить общие представления о математических фактах, о логических законах с целью повышения математической культуры;

- предметная подготовка будущих учителей математики и информатики, как в смысле навыков, так и в смысле необходимого объема знаний.

### **2. Место дисциплины в структуре ООП**

Дисциплина относится к обязательной части блока 1 учебного плана – к дисциплинам, формирующим универсальные и общепрофессиональные компетенции.

Предварительные знания, необходимые для освоения дисциплины – это знания, полученные при изучении школьной программы по математическим дисциплинам, а также знания основ компьютерных наук.

Дисциплина изучается на 3 курсе (6 семестр).

**3. Объем дисциплины:** 5 зачетных единиц, 180 академических часов, **в том числе:**

**контактная аудиторная работа:** лекции 34 часа, практические занятия 34 часа;

**самостоятельная работа:** 112 часа, в том числе контроль 27 часов.

### **4. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

| Планируемые результаты освоения образовательной программы (формируемые компетенции)   | Планируемые результаты обучения по дисциплине   |
|---|---|
| ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности | ОПК-1.1 Осуществляет отбор теоретического и практического материала<br>ОПК-1.2 Решает типовые задачи в рамках профессиональной деятельности<br>ОПК-1.3 Использует различные методы и приемы решения задач профессиональной деятельности |

**5. Форма промежуточной аттестации и семестр прохождения экзамен (6 семестр).**

**6. Язык преподавания:** русский.

**II. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

| Учебная программа – наименование разделов и тем | Всего (час.) | Контактная работа (час.) |                      | Самостоятельная работа, в том числе контроль (час.) |
|---|--------------|--------------------------|----------------------|---|
|   |              | Лекции                   | Практические занятия |   |
| 1. Алгебра и логика высказываний                | 18           | 2                        | 4                    | 12  |
| 2. Логика предикатов и теории первого порядка   | 18           | 4                        | 4                    | 10  |
| 3. Булевы функции                               | 22           | 4                        | 6                    | 12  |
| 4. Конечные автоматы                            | 20           | 4                        | 4                    | 12  |
| 5. Формализация понятия алгоритма и приложения  | 22           | 6                        | 4                    | 12  |
| 6. Исчисления                                   | 22           | 6                        | 4                    | 12  |
| 7. Теория графов                                | 28           | 4                        | 4                    | 20  |
| 8. Теория сложности вычислений                  | 30           | 4                        | 4                    | 22  |
| <b>ИТОГО</b>                                    | <b>180</b>   | <b>34</b>                | <b>34</b>            | <b>112</b>  |

**III. Образовательные технологии**

Преподавание учебной дисциплины строится на сочетании аудиторных занятий и различных форм самостоятельной работы студентов.

Также на занятиях практикуется самостоятельная работа студентов, выполнение заданий в малых группах, письменные работы, моделирование дискуссионных ситуаций, работа с раздаточным материалом, привлекаются ресурсы сети INTERNET. Курс предусматривает выполнение контрольных и самостоятельных работ, письменных домашних заданий. В качестве форм контроля используются различные варианты взаимопроверки и взаимоконтроля.

Интерактивное взаимодействие студентов с одной стороны и преподавателя с другой, а также студентов между собой и с преподавателем во время практических занятий.

***Образовательные технологии***

1. Дискуссионные технологии
2. Информационные (цифровые)
3. Технологии развития критического мышления

***Современные методы обучения***

1. Активное слушание
2. Лекция (традиционная)

## **IV. Оценочные материалы для проведения текущей и промежуточной аттестации**

### **1. Оценочные материалы для проведения текущей аттестации**

Примеры заданий

1. Дан класс булевых функций. Выяснить, является ли он функционально полным.
2. В данном функционально полном классе булевых функций выделить все базисы.
3. Дан язык. Выяснить, является ли он автоматным.
4. Доказать, что следующие функции являются примитивно рекурсивными:
  - (а)  $f(x,y,z) = \max\{x,y,z\};$
  - (б)  $g(x_1, \dots, x_n) = x_1 + \dots + x_n;$
  - (в)  $h(x_1, \dots, x_n, y) = \sum_{i=0}^y s(x_1, \dots, x_n, i),$

где  $s(x_1, \dots, x_n, i)$  – некоторая примитивно рекурсивная функция.

5. Доказать, что следующие функции являются частично рекурсивными, но не являются примитивно рекурсивными:

- (а)  $f(x,y) = x : y$ , где деление понимается в обычном смысле;
  - (б)  $g(x)$  – нигде не определённая функция.
6. Дан граф. Выяснить, является ли он эйлеровым.
  7. В данной сети найти максимальный поток.

### **2. Оценочные материалы для проведения промежуточной аттестации**

| Планируемый образовательный результат (компетенция, индикатор)  | Типовые контрольные задания   | Критерии оценивания и шкала оценивания  |
|---|---|---|
| ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности<br><i>ОПК-1.1 Осуществляет отбор теоретического и</i> | 1. <b>1)</b> Имеется одна лампа в лестничном пролёте двухэтажного дома. Построить схему так, чтобы на каждом этаже своим выключателем можно было гасить и зажигать лампу независимо от положения другого выключателя.<br><b>2)</b> По установленному сигналу каждый игрок замыкает или размыкает выключатель, находящийся под своим | • Полно и правильно даны ответы на все поставленные вопросы, приведены необходимые примеры; студент показывает понимание излагаемого материала – 31 – 40 баллов |

|   |  |   |
|---|--|---|
| <p><i>практического материала</i><br/> <b>ОПК-1.2 Решает типовые задачи в рамках профессиональной деятельности</b></p> <p><i>ОПК-1.3 Использует различные методы и приемы решения задач профессиональной деятельности</i></p> | <p>управлением. Если оба делают одно и тоже, то выигрывает <b>A</b>, в противном случае - <b>B</b>. Построить схему так, чтобы в случае выигрыша <b>A</b> зажигалась лампочка.</p> <p><b>3)</b> Комитет из 5 человек принимает решения большинством голосов, председатель пользуется правом "вeto". Построить схему, чтобы голосование происходило нажатием кнопок и в случае принятия решения загоралась лампочка.</p> <p>2. Пусть <math>x_i (i=1,2,3\dots)</math> – символы булевых переменных (т.е. принимающих два значения: <b>0,1</b>). Построить таблицы истинности.</p> <p><b>1)</b> <math>(x_1=x_2) \vee (x_2=x_3)</math><br/> <b>2)</b> <math>(x_1&gt;x_2) \rightarrow (x_2=x_3)</math><br/> <b>3)</b> <math>(x_1 \neq x_2) \wedge (x_2 \neq x_3)</math><br/> <b>4)</b> <math>((x_1&gt;x_2) \wedge (x_2=x_3)) \rightarrow (x_2=x_3)</math></p> <p>3. Ввести необходимые предикаты и с помощью кванторов записать следующие определения, с помощью законов де Моргана получить их отрицания:</p> <p>1) Определение предела часовой последовательности.<br/> 2) Определение фундаментальной по Коши последовательности.<br/> 3) Определение предела функции в точке.<br/> 4) Определение непрерывности функции в точке.<br/> 5) Определение непрерывной на интервале функции.<br/> 6) Определение равномерно непрерывной на интервале функции.</p> <p>Почему из равномерной непрерывности на <math>(a, b)</math> следует непрерывность функции на <math>[a, b]?</math></p> | <ul style="list-style-type: none"> <li>• Полно и правильно даны ответы на все поставленные вопросы, приведены примеры, однако имеются неточности; в целом студент показывает понимание изученного материала – 21 – 30 балла</li> <li>• Ответ дан в основном правильно, но недостаточно аргументированы выводы, приведены не все необходимые примеры – 11 - 20 баллов</li> <li>• Даны неверные ответы на поставленные вопросы – 0 - 10 баллов</li> </ul> |
|---|--|---|

## V. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 1) Рекомендуемая литература

#### a) Основная литература:

1. Лавров И. А. Задачи по теории множеств, математической логике и теории алгоритмов. Учебное пособие - Москва : Физматлит, 2002. - 255 с. -

Электронный ресурс. – Режим доступа:

<http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=75576>

2. Шевелев, Ю. П. Дискретная математика : учебное пособие / Ю. П. Шевелев. — 4-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 592 с. — ISBN 978-5-8114-4284-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/206510>

**б) Дополнительная литература:**

1. Веретенников, Б. М. Дискретная математика : учебное пособие / Б. М. Веретенников, В. И. Белоусова, А. Б. Веретенников ; науч. ред. Н. В. Чуксина ; Уральский федеральный университет им. первого Президента России Б. Н. Ельцина. – Екатеринбург : Издательство Уральского университета, 2017. – Часть 2. – 87 с. : схем., табл., ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=695658>

2. Ершов, Ю. Л. Математическая логика / Ю. Л. Ершов, Е. А. Палютин. - 6-е изд., испр. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2011. - 356 с. - ISBN 978-5-9221-1301-4. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/395379>

*2) Программное обеспечение*

|   |  |
|---|--|
| Google Chrome                           | бесплатное ПО                            |
| Яндекс Браузер                          | бесплатное ПО                            |
| Kaspersky Endpoint Security 10          | акт на передачу прав ПК545 от 16.12.2022 |
| Многофункциональный редактор ONLYOFFICE | бесплатное ПО                            |
| ОС Linux Ubuntu                         | бесплатное ПО                            |

*3) Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы*

| № п/п | Вид информационного ресурса, наименование информационного ресурса | Адрес (URL)   |
|-------|---|---|
| 1     | ЭБС «ZNANIUM.COM»   | <a href="https://znanium.com/">https://znanium.com/</a>                                 |
| 2     | ЭБС «ЮРАИТ»   | <a href="https://urait.ru/">https://urait.ru/</a>                                       |
| 3     | ЭБС «Университетская библиотека онлайн»                           | <a href="https://biblioclub.ru/">https://biblioclub.ru/</a>                             |
| 4     | ЭБС IPR SMART   | <a href="http://www.iprbookshop.ru/">http://www.iprbookshop.ru/</a>                     |
| 5     | ЭБС «ЛАНЬ»  | <a href="http://e.lanbook.com">http://e.lanbook.com</a>                                 |
| 6     | ЭБС ТвГУ  | <a href="http://megapro.tversu.ru/megapro/Web">http://megapro.tversu.ru/megapro/Web</a> |
| 7     | Репозитарий ТвГУ  | <a href="http://eprints.tversu.ru">http://eprints.tversu.ru</a>                         |
| 8     | Ресурсы издательства Springer Nature                              | <a href="http://link.springer.com/">http://link.springer.com/</a>                       |
| 9     | СПС КонсультантПлюс (в сети ТвГУ)                                 |   |

## **VI. Методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины**

### **Учебная программа курса**

**1. Введение.** Задачи и программа курса. Место математической логики и теории алгоритмов в математике и прикладных науках, активно использующих математику. О задачах, которые предопределили развитие математической логики и возникновение в ее недрах теории алгоритмов; современные направления исследований и приложений математической логики и теории алгоритмов. Формы самостоятельной работы слушателей по изучению курса. Рекомендации по использованию литературы и компьютерных средств.

**Алгебра и логика высказываний.** Понятие высказывания, высказывания простые и составные, логические (пропозициональные) связки. Тождественно истинные, выполнимые и тождественно ложные формулы логики высказываний. Связь равносильности формул с тождественной истинностью их эквивалентности. Основные свойства логических связок (основные равносильности), алгебра логики. Дизъюнктивная и конъюнктивная нормальные формы. Логика высказываний как множество тождественно истинных пропозициональных формул.

**2. Логика предикатов и теории первого порядка.** Предикаты и кванторы (первого порядка). Модели (интерпретации) для формул первого порядка. Свойства кванторов. Префиксная нормальная форма.

**3. Булевы функции.** Булевы функции, суперпозиция и выразимость булевых функций, полные системы булевых функций, основные примеры. Проблемы полноты систем булевых функций и выразимости булевых функций. Функционально полные классы булевых функций. Классы функций, сохраняющих 0 и сохраняющих 1. Арифметическое представление булевых функций и класс линейных функций. Функции, двойственные друг другу, принцип двойственности, класс самодвойственных функций. Класс монотонных функций. Критерий полноты систем булевых функций: теорема Поста и следствие о разрешимости проблемы полноты.

**4. Конечные автоматы.** Понятие конечного автомата. Автоматные языки. Замкнутость класса автоматных языков относительно различных операций (пересечение, объединение, разность, конкатенация и др.). Лемма о разрастании, необходимые условия автоматности языка.

**5. Формализация понятия алгоритма и приложения.** Проблема формализации понятия алгоритма, основные подходы к ее решению. Машины Тьюринга как одна из возможных формализаций, тезис Чёрча-

Тьюринга. Частично рекурсивные функции. Разрешимые и неразрешимые проблемы; неразрешимость проблемы самоприменимости машин Тьюринга. Нетривиальные и инвариантные свойства машин Тьюринга, теорема Райса–Успенского, неразрешимость проблемы остановки машин Тьюринга. Теорема Чёрча о неразрешимости логики предикатов первого порядка.

**6. Исчисления.** Понятие исчисления. Вывод и выводимость в исчислении. Исчисление высказываний. Теорема о полноте для исчисления высказываний. Метод резолюций для логики высказываний. Исчисление предикатов. Теорема о полноте и метод резолюций. Рекурсивная перечислимость множеств. Рекурсивная перечислимость множества тождественно истинных формул первого порядка.

**7. Теория графов.** Основные понятия теории графов. Ориентированные и неориентированные графы. Простые графы. Способы задания графов. Пути и циклы. Эйлеровы и полуэйлеровы графы. Гамильтоновы графы. Кратчайшие пути в графах. Деревья. Потоки в сетях. Раскрашиваемость графов.

**8. Теория сложности вычислений.** Понятие сложности вычислений. Временная и ёмкостная сложность. Рекурсивные алгоритмы и их сложность. Сложность некоторых задач из теории графов. Различные представления деревьев и эффективные алгоритмы для задач на графах. Детерминированные и недетерминированные алгоритмы. Основные классы сложности. Неравенство классов P и EXPTIME. Виды сводимости. Полные задачи. Теорема Кука об NP-полноте проблемы выполнимости булевых формул. Задача КЛИКА и другие NP-полные задачи. Некоторые открытые проблемы теории сложности вычислений.

### Вопросы к экзамену

1. Булевые функции. Одноместные булевые функции. Двуместные булевые функции. Число  $n$ -местных булевых функций.
2. Суперпозиция булевых функций. Полные системы булевых функций. Теорема о полноте системы  $\{\wedge, \vee, \neg\}$ .
3. Операция замыкания по суперпозиции. Свойства операции замыкания. Примеры полных систем. Лемма: если  $F_1$  — полный класс и все функции  $F_1$  являются суперпозициями функций  $F_2$ , то  $F_2$  — полный класс.
4. Замкнутые классы булевых функций. Общий критерий полноты.
5. Классы  $P_0, P_1$ . Примеры. Замкнутость этих классов. Лемма о функции, не сохраняющей 0 (не сохраняющей 1).

6. Монотонные функции. Отношение порядка. Примеры. Отношение предшествования на множестве булевых векторов. Определение монотонной функции. Примеры. Замкнутость класса  $M$ .
7. Лемма о немонотонной функции.
8. Функция  $x + y$ . Свойства этой функции. Полнота системы функций  $\{+, \cdot, 1\}$ . Пример. Полиномы Жегалкина. Представимость булевых функций полиномами Жегалкина. Функция голосования.
9. Линейные функции. Лемма о линейном разложении по последнему аргументу. Определение линейной функции. Примеры. Лемма о нелинейной функции.
- 10.Двойственность. Класс самодвойственных функций. Примеры. Замкнутость класса  $S$ .
- 11.Принцип двойственности. Лемма о суперпозиции двойственных функций.
- 12.Лемма о несамодвойственной функции.
- 13.Теорема Поста о полноте. Примеры. Определение базиса, примеры базисов из 1-ой, 2-х, 3-х и 4-х функций.
- 14.Конечные автоматы. Определение, примеры. Диаграммы Мура. Автоматные языки, примеры. Автоматность однословных языков.
- 15.Лемма о детерминированной работе конечного автомата. Теорема о параллельной работе автоматов. Замкнутость семейства автоматных языков относительно пересечения, объединения и дополнения. Примеры. Автоматность конечного языка.
- 16.Теорема о вставке.
- 17.Автоматные языки. Необходимые условия автоматности языка.
- 18.Пример неавтоматного языка
- 19.Неформальное понятие алгоритма.
- 20.Машины Тьюринга. Тезис Чёрча–Тьюринга. Примеры.
- 21.Лемма об упорядочении машин Тьюринга.
- 22.Теорема о композиции машин Тьюринга.
- 23.Лемма о левой полуленте. Теорема о соединении машин Тьюринга.
- 24.Теорема о разветвлении машин Тьюринга.
- 25.Частично рекурсивные функции. Примеры.
- 26.Вычислимость по Тьюрингу исходных функций.
- 27.Вычислимость по Тьюрингу частично рекурсивных функций.
- 28.Основные понятия теории графов. Ориентированные и неориентированные графы. Простые графы. Способы задания графов.
- 29.Пути и циклы. Эйлеровы и полуэйлеровы графы. Гамильтоновы графы.
- 30.Кратчайшие пути в графах.

31. Деревья.
32. Потоки в сетях.
33. Раскрашиваемость графов.

### **Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Организуя свою учебную работу, студенты должны:

*Во-первых*, выявить рекомендуемый режим и характер учебной работы по изучению теоретического курса, практическому применению изученного материала, по выполнению заданий для самостоятельной работы, по использованию информационных технологий и т.д.

*Во-вторых*, ознакомиться с указанным в методическом материале по дисциплине перечнем учебно-методических изданий, рекомендуемых студентам для подготовки к занятиям и выполнения самостоятельной работы, а также с методическими материалами на бумажных и/или электронных носителях, выпущенных кафедрой своими силами и предоставляемые студентам во время занятий.

Самостоятельная работа студентов, предусмотренная учебным планом должна соответствовать более глубокому усвоению изучаемого курса, формировать навыки исследовательской работы и ориентировать студентов на умение применять теоретические знания на практике.

**1. Работа с учебными пособиями.** Для полноценного усвоения курса студент должен, прежде всего, овладеть основными понятиями этой дисциплины. Необходимо усвоить определения и понятия, уметь приводить их точные формулировки, приводить примеры объектов, удовлетворяющих этому определению. Кроме того, необходимо знать круг фактов, связанных с данным понятием. Требуется также знать связи между понятиями, уметь устанавливать соотношения между классами объектов, описываемых различными понятиями.

**2. Самостоятельное изучение тем.** Самостоятельная работа студента является важным видом деятельности, позволяющим хорошо усвоить изучаемый предмет и одним из условий достижения необходимого качества подготовки и профессиональной переподготовки специалистов. Она предполагает самостоятельное изучение студентом рекомендованной учебно-методической литературы, различных справочных материалов, написание рефератов, выступление с докладом, подготовку к лекционным и практическим занятиям, подготовку к зачёту и экзамену.

**3. Подготовка к практическим занятиям.** При подготовке к практическим занятиям студентам рекомендуется следовать методическим рекомендациям по работе с учебными пособиями, приведенным выше.

**4. Составление глоссария.** В глоссарий должны быть включены основные понятия, которые студенты изучают в ходе самостоятельной работы. Для полноты исследования рекомендуется вписывать в глоссарий и те термины, которые студентам будут раскрыты в ходе лекционных занятий.

**5. Составление конспектов.** В конспекте отражены основные понятия темы. Для наглядности и удобства запоминания использованы схемы и таблицы.

**6. Подготовка к экзамену.** При подготовке к экзамену студенты должны использовать как самостоятельно подготовленные конспекты, так и материалы, полученные в ходе занятий.

Качество усвоения студентом каждой дисциплины оценивается по 100-балльной шкале.

Интегральная рейтинговая оценка (балл) по каждому модулю (периоду обучения) складывается из оценки текущей работы обучающихся на занятиях семинарского типа (семинары, практические занятия, практикумы, лабораторные работы, коллоквиумы и иные аналогичные занятия), оценки индивидуальной работы обучающихся и оценки за выполнение заданий рейтингового контроля успеваемости. При этом доля баллов, выделенных на рейтинговый контроль не должна превышать 50% общей суммы баллов данного модуля (периода обучения).

Максимальная сумма рейтинговых баллов по учебной дисциплине, заканчивающейся экзаменом, по итогам семестра составляет 60.

Обучающемуся, набравшему 40-54 балла, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в рейтинговой ведомости учета успеваемости и зачетной книжке может быть выставлена оценка «удовлетворительно».

Обучающемуся, набравшему 55-57 баллов, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в графе рейтинговой ведомости учета успеваемости «Премиальные баллы» может быть добавлено 15 баллов и выставлена экзаменационная оценка «хорошо».

Обучающемуся, набравшему 58-60 баллов, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в графе рейтинговой ведомости учета успеваемости «Премиальные баллы» может быть добавлено 27 баллов и выставлена экзаменационная оценка «отлично».

В каких-либо иных случаях добавление премиальных баллов не допускается.

Обучающийся, набравший до 39 баллов включительно, сдает экзамен. При наличии подтвержденных документально уважительных причин, по которым были пропущены занятия (длительная болезнь, обучение в другом вузе в рамках академической мобильности и др.), обучающийся имеет право отработать пропущенные занятия и получить дополнительные баллы в рамках установленных баллов за модуль. Сроки и порядок отработки определяет преподаватель. Баллы выставляются в графе «отработка».

Ответ обучающегося на экзамене оценивается суммой до 40 рейтинговых баллов. Итоговая оценка складывается из суммы баллов, полученных за семестр, и баллов, полученных на экзамене. Обучающемуся, который сдает экзамен, премиальные баллы не начисляются.

Согласно подходам балльно-рейтинговой системы в рамках оценки знаний, умений, владений (умений применять) и (или) опыта деятельности дисциплины установлены следующие аспекты:

- Содержание учебной дисциплины в рамках одного семестра делится на два модуля (периода обучения). По окончании модуля (периода обучения) осуществляется рейтинговый контроль успеваемости знаний студентов.

- Сроки проведения рейтингового контроля:

*осенний семестр* – I рейтинговый контроль успеваемости проводится согласно графику учебного процесса, II рейтинговый контроль успеваемости - две последние недели фактического завершения семестра по графику учебного процесса;

*весенний семестр* – I рейтинговый контроль успеваемости проводится согласно графику учебного процесса, II рейтинговый контроль успеваемости - две последние недели фактического завершения семестра по графику учебного процесса.

## VII. Материально-техническое обеспечение дисциплины

| Наименование специальных* помещений и помещений для самостоятельной работы  | Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы  | Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа  |
|---|--|---|
| Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации,<br>учебная аудитория: № 208<br>(170002 Тверская обл., г.<br>Тверь,<br>пер. Садовый, д. 35) | Комплект учебной мебели, CD-магнитола, компьютер: (системный блок + монитор), многофункциональный лазер. копир/принтер/сканер, видеоплеер, телевизор, DVD плеер. | Google Chrome – бесплатно<br>Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows – Акт на передачу прав ПК545 от 16.12.2022<br>Lazarus – бесплатно<br>OpenOffice – бесплатно<br>Многофункциональный редактор ONLYOFFICE бесплатное ПО – бесплатно<br>ОС Linux Ubuntu бесплатное ПО – бесплатно |

### **VIII. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины**

| <b>№ п.п.</b> | <b>Обновленный раздел рабочей программы дисциплины</b>         | <b>Описание внесенных изменений</b>               | <b>Дата и № протокола заседания кафедры / методического совета факультета, утвердившего изменения</b> |
|---------------|--|---|---|
| 1.            | V. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины | 1) Рекомендуемая литература – актуализация списка | Решение научно-методического совета математического факультета (протокол №1 от 20.09.2022 г.)         |
| 2.            | V. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины | 1) Рекомендуемая литература – актуализация списка | Решение научно-методического совета математического факультета (протокол №1 от 19.09.2023 г.)         |