Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Смирнов Сергей Николаевич

Должность: врио ректора

Дата подписания: 23.09.2022 15:20 Министерство образования и науки Российской Федерации

Уникальный программный ключ:

69e375c64f7e975d4e8830e7b4fcc2ad1ФГБОУ ВО «Тверской государственный университет»

Утверждаю:

Руководитель ООП:

Педько Б.Б.

Clumeija 20/6 r.

Рабочая программа дисциплины (с аннотацией)

ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ И МАТЕМАТИЧЕСКОЕМОДЕЛИРОВАНИЕ

27.03.05 ИННОВАТИКА

Профиль подготовки

Управление инновациями (по отраслям и сферам экономики)

Для студентов

II курса очной формы обучения

Составители: Зубков В.В.,

Белов А.Н.

Тверь, 2016

I. Аннотация

1. Наименование дисциплины в соответствии с учебным планом

Численные методы и математическое моделирование

2. Цель и задачи дисциплины

Целью освоения дисциплины является:

формирование стандартных методов численного решения типичных задач математической и прикладной физики.

Задачами освоения дисциплины являются:

- подготовка студентов к разработке вычислительных моделей и алгоритмов решения задач, возникающих в процессе математического моделирования законов реального мира, и применение познанных законов в практической деятельности;
- подготовка студентов для создания и исследования математических моделей объектов и явлений;
- постановка и анализ задачи, применение различных методов решения.
- создание иерархии математических моделей и оценка направлений перспективных исследований

3. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина относится к модулю 2 «Дисциплины, формирующие ОПК-компетенции» базовой части учебного плана. Курс «Численные методы и математическое моделирование» излагается на втором курсе в третьем и четвертом семестрах. Объектами изучения является численные методы решения задач. Одна из главных задач изучения дисциплины — сообщение тех основных понятий, идей и методов, владение которыми позволит быстро научиться работать в конкретных областях. Это должно быть реализовано на материале вычислительных задач линейной алгебры, математического анализа, программирования как объединяющей системе исследования. Изучение этих вопросов имеет большое значение для формирования у студентов методологии современного научного исследования, а также для формирования у них научного мировоззрения.

Учебная дисциплина непосредственно связана с дисциплинами «Математический анализ», «Линейная алгебра», «Аналитическая геометрия». Для успешного освоения дисциплины необходимо уверенно владеть математическим аппаратом в рамках первого курса математического анализа и алгебры.

Теоретические дисциплины и практики, для которых освоение курса «Численные методы и математическое моделирование» необходимо как предшествующее, включают специализированные курсы, предусмотренные данным профилем подготовки, и выпускные работы и проекты.

- **4. Объем** дисциплины: 6 зачетных единиц, 216 академических часов, **в том числе контактная работа:** лекции 74 часов, лабораторные работы 37 часов, **самостоятельная работа:** 105 часов.
- 5. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Планируемые результаты освоения образовательной программы (формируемые			Планируемые результаты обучения по дисциплине		
компетенции)					
	ОПК-1		Владеть: методами поиска и анализа необходимой для		
Способность	решать	стандартные	исследования информации.		
задачи	профе	ессиональной	Уметь: осуществлять поиск и анализ информации,		
деятельности	на	основе	е необходимой для прикладного исследования с		
информационной и			применением информационно-коммуникационных		

библиографической культуры с	технологий.
применением информационно-	Знать: приемы работы с информационно-
коммуникационных технологий и с	коммуникационными технологиями.
учетом основных требований	
информационной безопасности	
ОПК-7	Знать: методику проведения теоретического
способность применять знания	исследования явлений, происходящих в природе, с
математики, физики и	использованием универсальных фундаментальных
естествознания, химии и	законов и их математического описания с
материаловедения, теории и	использованием пакета прикладных программ
материаловедения и	Уметь: для решения прикладных задач использовать
информационные технологии в	методы математического моделирования и численные
инновационной деятельности.	алгоритмы
	Владеть: пакетами прикладных программ для
	математического моделирования и численных расчетов

- 6. Форма промежуточной аттестации экзамен (3, 4 семестр).
- 7. Язык преподавания русский.

П. Содержание дисциплины, структурированное по темам с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

1. Для студентов очной формы обучения

	Учебная программа –	Всего	Контактная	работа (час.)	Самостоятел
наг	именование разделов и тем	(час.)	Лекции	Практически	ьная работа
				e	(час.)
				(лабораторн	
				ые) занятия	
		Третий сем	местр		
1. П	Іонятие о численных	2	2	-	-
M	иетодах и математическом				
	поделировании				
_	Летоды решения систем	10	4	4	2
	инейных алгебраических				
	равнений				
	Інтерполирование функций,	10	6	2	2
	ппроксимация				
	Летоды решения	8	4	2	2
	лгебраических и				
	рансцендентных уравнений				
	Летоды решения систем	8	4	2	2
	елинейных уравнений	O	·	_	2
	<u> </u>	12	6	4	2
	Іисленное интегрирование			4	
	Г исленное	5	4	-	1
Д	ифференцирование				
8. N	Летоды интегрирования	13	6	4	3
O	быкновенных				
Д	ифференциальных				
y	равнений и систем				

	ЭКЗАМЕН				36
Bc	его в 3-м семестре	104	36	18	50
		Четвертый	семестр		
1.	Определение и назначение				
	моделирования	2	2	0	0
2.	Классификация	10	4	4	2
	математических моделей				
3.	Этапы построения математической модели	10	6	2	2
4.	Структурное моделирование.	8	4	2	2
5.	Моделирование в условиях неопределенности	8	4	2	2
6.	Моделирование с использованием имитационного подхода	13	6	4	3
7.	Информационные технологии в моделировании	6	4	0	2
8.	Примеры математического моделирования в физике	19	8	5	6
	ЭКЗАМЕН				36
	Всего в 4-ом семестре	112	38	19	55
	ИТОГО	216	74	37	105

Ш.Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

- планы практических занятий;
- примеры заданий лабораторного практикума;
- методические рекомендации по организации самостоятельной работы студентов;
- -требования к рейтинг-контролю.

IV. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Форма проведения экзамена: студенты, освоившие программу курса «Численные методы и математическое моделирование» могут получить оценку по итогам семестровой и полусеместровой рейтинговой аттестации согласно Положения о рейтинговой системе обучения и оценки качества учебной работы студентов ТвГУ (протокол N25 от 31 октября 2017 г.).

Если условия «Положения о рейтинговой системе ...» не выполнены, то зачет сдается согласно Положения о промежуточной аттестации (экзаменах и зачетах) студентов ТвГУ (протокол №5 от 31 октября 2017 г.).

1. Типовые контрольные задания для проверки уровня сформированности компетенции ОПК 7: Способность применять знания математики, физики и естествознания, химии и материаловедения, теории и материаловедения и информационные технологии в инновационной деятельности.

Этап	Типовые контрольные	Показатели и критерии оценивания
формирования	задания для оценки знаний,	компетенции, шкала оценивания
компетенции, в	умений, навыков	
котором		
участвует		

дисциплина				
промежуточный	Задания для проверки	Высокий	Средний	Низкий
	сформированности умений:	уровень	уровень	уровень
		(3 балла по	(2 балла по	(1 балл по
		каждому критерию)	каждому критерию)	каждому критерию)
	Решить задачу: Построить	Уверенно	Неуверенн Критерию	Знает этапы
	математическую модель.	создает	о создает	построения
	Выполнить анализ и создать	математиче	математиче	математичес
	компьютерную модель.	скую	скую	кой модели.
		модель.	модель.	С трудом
		Владеет	Владеет и	применяет
		уверенно и	применяет	эти знания
		применяет	основные	при
		методы	методы	постановке
		анализа математиче	анализа математиче	задачи и создании
		ской	ской	простейших
		модели.	модели.	качественны
		Исследует		х моделей.
		модель на		
		адекватнос		
		ть.		
		Творчески		
		подходит к		
		созданию		
		иерархии математиче		
		ских		
		моделей и		
		их		
		совершенст		
		вованию.		
	Задача: Решить	Проведя	Проведя	Выбирает
	алгебраическое уравнение	анализ	анализ	подходящий
	численным методом.	предоставл	предоставл	метод
		енного	енного преподават	численного решения с
		преподават елем	елем	решения с помощью
		уравнения,	уравнения,	преподавате
		правильно	правильно	ля. Пишет
		выбирает	выбирает	алгоритм на
		подходящи	подходящи	псевдокоде.
		й метод	й метод	Неуверенно
		численного	численного	записывает
		решения.	решения.	код на языке
		Пишет	Пишет	программир ования.
		алгоритм на	алгоритм на	ования. Отлаживает
	I	114	114	O I MANNIBACI

		поорномоно	поорномоно	П
		псевдокоде	псевдокоде	П
		Записывает	Неуверенн	
		код на	О	
		языке	записывает	
		программи	код на	
		рования.	языке	
		Отлаживае	программи	
		Т	рования.	
		программу.	рования.	
Задания д	ля проверки	Высокий	Средний	Низкий
	ности знаний:	уровень (3	уровень (2	уровень (1
ефортировин		балла по	балла по	балл по
		каждому	каждому	каждому
		критерию)	критерию)	критерию)
Выполнить с	одержательную,	Знает	Знает	Знает этапы
концептуальн	•	этапы	этапы	построения
_	ую постановки	построения	построения	математичес
	ческой модели	математиче	математиче	кой модели.
срубленного д		ской	ской	
	. 1	модели.	модели.	
		Уверенно	Уверенно	
		применяет.	применяет.	
		Выдвигает	Неуверенн	
		перспектив	0	
		ные	выдвигает	
		предполож	предполож	
		ения и	ения и	
		обосновыв	обосновыв	
		ает	ает	
		гипотезы и	гипотезы и	
		приближен	приближен	
		ия. Создает	ия. Создает	
		основу для	основу для	
		перспектив	перспектив	
		НОГО	ного	
		использова	использова	
		НИЯ	КИН	
		постановки	постановки	
		Задачи.	задачи.	
		Предлагает		
		перспектив на		
		основе		
		знаний		
		физических		
		законов.		
Рассказать	об основных	Знает	Знает	Знает
методах	численного	основные	основные	основные
интегрирован		методы	методы	методы
		численного	численного	численного
		решения	решения	решения
I		1	1 1	1

	интегралов. Указывает на преимущес тва и недостатки	интегралов . Указывает на преимущес тва и	интегралов.
	каждого метода. Знает методы решения интегралов с особенност	недостатки каждого метода.	
Задания для проверки сформированности владений:	ями. Высокий уровень (3 балла по каждому критерию)	Средний уровень (2 балла по каждому критерию)	Низкий уровень (1 балл по каждому критерию)
Построить собственную математическую модель какого-либо физического явления. Решить ее с помощью среды Maple.	Уверенно владеет и использует пакеты прикладны х программ на всех этапах построения математиче ской модели	Владеет пакетами прикладны х программ. Использует их при построении модели и численных примерах. Затрудняет ся использова ть прикладны е программы при анализе построенно	Владеет основами пакета прикладных программ для математичес кого моделирова ния. Уверенно создает в них численные примеры.

2. Типовые контрольные задания для проверки уровня сформированности компетенции ОПК-1: Способность решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности.

Этап формирования компетенции, в котором участвует лиспиплина	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания компетенции, шкала оценивания		
промежуточный	Задания для проверки сформированности умений: — Решить задачу: Построить математическую модель. Выполнить анализ и создать компьютерную модель. — Решить систему алгебраических уравнений численным методом.	Высокий уровень (3 балла по каждому критерию) Уверенно производит сбор информаци и при исследован ии объекта моделиров ания. Использует эксперимен т. При поиске и анализе существую щих результато в других авторов, использует различные источники, включая современные электронные ресурсы. А нализирует актуальнос ть и ценность	Средний уровень (2 балла по каждому критерию) Уверенно производит сбор информаци и при исследован ии объекта моделиров ания с использова нием современных электронных ресурсов. Неуверенно систематиз ирует найденную информацию.	Низкий уровень (1 балл по каждому критерию) Умеет производить поиск нужной информации .
	Задания для проверки сформированности знаний:	информаци и Высокий уровень (3 балла по каждому критерию)	Средний уровень (2 балла по каждому критерию)	Низкий уровень (1 балл по каждому критерию)

	Выполнить содержательную,	Знает	Знает	Знает
	концептуальную и	приемы	приемы	приемы
	математическую постановки	поиска,	поиска,	поиска,
	для математической модели	систематиз	систематиз	систематиза
	срубленного дерева.	ации и	ации и	ции и
	10	анализа	анализа	анализа
		информаци	информаци	информации
		и.	и.	
		Творчески	Неуверенн	
		И	о и	
		инициатив	неполно	
		НО	Знает	
		расширяет	этапы	
		знания об	построения	
		объекте	математиче	
		моделирова	ской	
		ния.	модели.	
			расширяет	
			знания об	
			объекте	
			моделиров	
			ания.	2
	Методы решения	Знает	Знает	Знает
	обыкновенных	приемы	приемы	некоторые
	дифференциальных	поиска,	поиска,	приемы
	уравнений в системе Maple.	систематиз	систематиз	поиска,
		ации и	ации и	систематиза
		анализа	анализа	ции и
		информаци	информаци	анализа
		и с	и с	информации
		помощью	помощью	с помощью
		сети	сети	сети
		интернет. Знает	интернет. Знает	интернет.
		основные	один-два	
		компетентн ые	компетент ных	
		источники	источника	
		необходим	необходим	
		ой	ой	
		информаци	информаци	
		И.	и.	
	Задания для проверки	Высокий	Средний	Низкий
	сформированности	уровень (3	уровень (2	уровень (1
	владений:	балла по	балла по	балл по
		каждому	каждому	каждому
		критерию)	критерию)	критерию)
	Построить собственную	Уверенно	Владеет и	Владеет
	математическую модель	владеет и	использует	основными
	какого-либо физического	активно	методы	методами
	явления.	использует	поиска,	поиска,
		методы	систематиз	систематиза
1		методы	CHCICMAINS	Систематиза

	поиска,	ации и	ции и
	систематиз	анализа	анализа
	ации и	информаци	информации
	анализа	и об	
	информаци	объекте	
	и об	моделиров	
	объекте	ания.	
	моделирова		
	ния.		

V. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения лисциплины

а) основная литература:

- 1. Введение в математическое моделирование: Учеб. пособие./Под ред. П.В. Трусова. М.: Университетская книга, Логос, 2007. 440 с.
 - Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=84691
- 2. Поршнев С.В. Компьютерное моделирование физических процессов в пакете MATLAB. СПб.: Лань, 2011. 736 с

Режим доступа: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=650

б) дополнительная литература:

1. Маничев Владимир Борисович. Численные методы. Достоверное и точное численное решение дифференциальных и алгебраических уравнений в САЕ-системах САПР: Учебное пособие / Маничев Владимир Борисович, Глазкова Валентина Владимировна, Кузьмина Инна Анатольевна. - 1. - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2016. - 152 с. - ISBN 978-5-16-010366-2

Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=423817

VI. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (или модуля)

- 1. Научная библиотека ТвГУ: http://library.tversu.ru/
- 2. Электронная библиотека издательства Лань: http://e.lanbook.com/
- 3. Университетская библиотека ONLINE: http://www.biblioclub.ru/
- 4. Сайт издательского дома ЮРАЙТ: http://www.biblio-online.ru/

Для выполнения практических заданий студентам рекомендуется самостоятельно выбрать привычную для них среду разработки программ. В качестве таковых студенты могут использовать среду разработки Delphi, Builder или Visual Studio. Для визуализации вычислений необходимо использовать пакет математической графики Origin. В рамках данного курса студенты должны овладеть математическим пакетом Maple. Для быстрой выработки необходимых навыков использования этих пакетов к данному методическому комплексу прилагаются электронные учебники по данным пакетам. Полезные ссылки по программным продуктам:

- 1. http://www.matlab-online.com/
- 2. http://sl-matlab.ru/
- 3. http://www.mathworks.com/products/matlab/
- 4. http://www.maplesoft.com/

VII. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины Планы практических занятий

- 1. Решение СЛАУ методом Гаусса.
- 2. Решение СЛАУ итерационными методами.
- 3. Интерполяционная формула Лагранжа. Метод Эйткена.
- 4. Решение алгебраического и (или) трансцендентного уравнения итерационными методами Ньютона и МПИ.
- 5. Решение системы из двух алгебраических и трансцендентных уравнений методом Ньютона и МПИ.
- 6. Решение определенных интегралов методом трапеций и Симпсона.
- 7. Методы решения интегралов с особенностями.
- 8. Методы интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений.
- 9. Модель движения материальной точки.
- 10. Модель движения абсолютно твердого тела.
- 11. Модель движения системы Земля-Луна
- 12. Моделирование колебательного движения
- 13. Моделирование волнового движения на поверхности жидкости
- 14. Моделирование дифракции и интерференции в оптике
- 15. Моделирование статических электрических и магнитных полей.
- 16. Моделирование систем, состоящей из большого количества частиц (принципы метода молекулярной динамики)
- 17. Моделирование квантово-механических систем

– примеры заданий лабораторного практикума

- **1.** С точностью до 0.01 решите уравнение $\sqrt{|x-4|} x + 1 = 0$
 - а) методом половинного деления;
 - b) методом хорд.
- **2.** С точностью до 0.001 найдите положительный корень уравнения $x^4 2x 4 = 0$
 - а) методом Ньютона;
 - b) методом секущих.
- **3.** Для функции y = f(x), заданной тремя значениями f(1) = 0.71, f(2) = 3.31, f(3) = 0.18, найдите коэффициенты интерполирующего ее многочлена Лагранжа $P_2(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2$.
- 4. Оценить погрешности величин x, y, заданных соотношениями

$$x = \frac{a^3 \sqrt{b}}{c^2 + 1}$$
, $y = \frac{\sqrt[3]{a - b}}{a^2 + b^2 + c^2} + \frac{a}{c}$

при $a = 32(\pm 0.02)$, $b = 17(\pm 0.01)$, $c = 3.7(\pm 0.003)$.

5. Функция y = f(x) задана в табличной форме

-	•					
х	0	0.2	0.4	0.6	0.8	1.0
y	1.24	1.03	1.36	1.85	2.43	3.14

Вычислить

- а) значение производной в точках x = 0, 0.4, 0.8 с первым и вторым порядком точности;
- b) вторую производную в этих же точках со вторым и третьим порядками точности.
- **6.** Вычислить $\int\limits_0^1 e^{x^2} dx$ с точностью 0.0001, используя методы прямоугольников, трапеций и Симпсона.
- **7.** С помощью метода Монте-Карло вычислить площадь фигуры, заданной уравнением $\sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{y^2} = 1$. Принять n равным 104, 110, 130. Сравнить ответы с точным значением площади.
- **8.** Исследовать на экстремум функцию $y = (x-5)e^x$.
- **9.** Количество вещества x, участвующего в некоторой химической реакции, определяется уравнением dx/dt = -x (t время). Найти количество вещества при t = 10 с, если в начальный момент оно равно 0.4 моль. Решение провести численным методом, результат сравнить с точным аналитическим решением.
- **10.** Используя метод Гаусса, решить следующую систему уравнений с погрешностью 10^{-4} : $1.17\,x_1\,$ +0.53 $x_2\,$ $0.84\,x_3\,$ = $1.15\,$,

$$0.64 x_1 - 0.72 x_2 - 0.43 x_3 = 0.15,$$

$$0.32 x_1 + 0.43 x_2 - 0.93 x_3 = -0.48.$$

11. Методом последовательного интегрирования решить двойной интеграл

$$\int_{0.2}^{2.4} \int_{0.2}^{4} (x^2 + yx) dx dy$$
 с точностью 0.01

- 12. Построить математическую модель движения астероида.
- 13. Построить математическую модель движения срубленного дерева.
- 14. Построить математическую модель посадки спутника в атмосфере Земли.
- 15. Построить математическую модель полета снаряда.
- 16. Построить математическую модель движения лыжника при выполнении прыжка с трамплина.
- 17. Построить математическую модель воронки тропического урагана.
- 18. Построить математическую модель карманного фонаря на эффекте Пельтье.
- 19. Построить математическую модель на свой выбор (при обязательной консультации с преподавателем).

- методические рекомендации по организации самостоятельной работы студентов:

- 1. Изучить рекомендуемую литературу.
- 2. Просмотреть задачи, разобранные на аудиторных занятиях.
- 3. Разобрать задачи, рекомендованные преподавателем для самостоятельного решения, используя, при необходимости, примеры решения аналогичных задач.
- 4. Обсудить проблемы, возникшие при решении задач с преподавателем.

Требования к рейтинг-контролю. В течение семестра два раза (на модульных неделях) необходимо:

- 1) сдать преподавателю решения домашних задач, полученных из указанных сборников задач,
- 2) ответить на теоретические вопросы. Примеры вопросов:
- 1. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений
- 2. Методы интерполирования и аппроксимации функций
- 3. Методы решения алгебраических и трансцендентных уравнений
- 4. Методы интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений и систем
- 5. Классификацию математических моделей
- 6. Этапы построения математических моделей
- 7. Методы построения математических моделей
- 8. Подходы, используемые при построении математических моделей. Трудности с формализацией модельных постановок.
- 9. Основные положения методов компьютерного моделирования на примере современных физических моделей

Задания для проверки умений при освоении дисциплины.

- 1. Записать на псевдокоде или в виде блок-схемы алгоритм решения системы линейных алгебраических уравнений одним из подходящих методов
- 2. Записать на псевдокоде или в виде блок-схемы алгоритм решения алгебраического уравнения одним из подходящих методов
- 3. Записать на псевдокоде или в виде блок-схемы алгоритм решения обыкновенного дифференциального уравнения (или системы уравнений) указанным методом
- 4. Записать на псевдокоде или в виде блок-схемы алгоритм поиска экстремумов функции одной переменной
- 5. Производить исследование объекта для постановки и математической формализации задачи. Оценивать трудоемкость задачи.
- 6. Составлять уравнения в соответствии с постановкой задачи
- 7. Разрабатывать алгоритм решения составленных уравнений. Использовать численные методы при решении уравнений
- 8. Создавать компьютерные программы, реализующие математическую модель
- 9. Анализировать решение и построенную математическую модель
- 10. Проверять адекватность построенной математической модели

Задания для проверки оценки «владений» при освоении дисциплины

- 1. Реализовать выбранный алгоритм численного решения задачи на одном из языков программирования (С++, С#).
- 2. Решить систему линейных алгебраических уравнений с помощью пакета Maple.
- 3. Численно решив задачу Коши для обыкновенного дифференциального уравнения, представить результат расчетов с помощью программы научной графики Origin.
- 4. Записать алгоритм численного решения определённого интеграла с помощью языка программы Maple. Сравнить полученный результат расчетов со значением одной из встроенных функций решения интегралов в среде Maple.
- 5. Определив в заданной области значений минимум функции двух переменных в среде Maple, проиллюстрировать правильность полученного расчета с помощью визуализации в Origin.
- 6. Основные приемы построения математических моделей

- 7. Численные методы решения уравнений, представляющих собой математическую модель
- 8. Приемы работы в системах аналитических вычислений и компьютерного моделирования
- 9. Информационные технологии при решении задач моделирования
- 10. Приемы проверки адекватности моделирования, построения иерархии моделей и их использования

Рейтинг-контроль.

Ce-	Мо-	Темы курса	Форма контроля	Кол-во
местр	дуль			баллов
III	1	1. Понятие о численных методах и математическом моделировании. 2. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений. 3. Интерполирование функций, аппроксимация 4. Методы решения алгебраических и трансцендентных уравнений 5. Методы решения систем нелинейных	Посещаемость лекций и практических занятий Аудиторная работа студентов по решению задач Рубежный контроль в форме тестирования	20
	2	уравнений 6. Численное интегрирование 7. Численное дифференцирование 8. Методы интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений и систем	Посещаемость лекций и практических занятий Аудиторная работа студентов по решению задач Рубежный контроль в форме тестирования	20
IV	1	10. Типы математических моделей11. Построение математической модели12. Введение в математический пакет МАРLЕ	Посещаемость лекций и практических занятий Аудиторная работа студентов по решению задач Рубежный контроль в форме тестирования	20
	2	 Моделирование динамики материальной точки Моделирование статических электрических и магнитных полей. Самостоятельная разработка простейших математических моделей. 	Посещаемость лекций и практических занятий Аудиторная работа, представление и защита собственных проектов по разработке математических моделей	20

VIII. Перечень педагогических и информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (или модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (по необходимости)

Лекционный курс сопровождается презентациями и приемами визуализации, которые выполняют сами студенты, лекциями-дискуссиями.

Информационными технологиями, используемыми при изучении данной дисциплины, является доступ к следующим электронным библиотечным системам:

- 1. ЭБС «ИНФРА-М» http://www.znanium.com
- 2. ЭБС «Университетская библиотека ОН-ЛАЙН» http://www.biblioclub.ru
- 3. ЭБС «ЛАНЬ» http://e.lanbook.com

Перечень программного обеспечения:

- 1. Microsoft Office 365 pro plus
- 2. Microsoft Windows 10 Enterprize
- 3. Google Chrome
- 4. MATLAB R2012b
- 5. Mathcad 15 M010

ІХ. Материально-техническая база, необходимая для осуществления

образовательного процесса по дисциплине

ооразовательного процесса по дисциплине							
Компьютерный	1. Компьютер INT Allegro,	Google Chrome – бесплатно					
класс № 216	монитор Benq 24" GL2460 – 10	Kaspersky Endpoint Security 10 для					
(170002	шт.	Windows – Акт на передачу прав					
Тверская обл.,	2. Коммутатор D-Link DGS-	№2129 от 25 октября 2016 г.					
г. Тверь,	1008D	MS Office 365 pro plus - Akt					
Садовый пер.,	3. Коммутатор D-Link DGS-	приема-передачи № 369 от 21 июля					
д. 35)	1008D	2017					
	4. Проектор Beng MW523 DLP с	Microsoft Windows 10 Enterprise -					
	потолочным креплением и	Акт приема-передачи № 369 от 21					
	проекционным экраном	июля 2017					
	5. Комплект учебной мебели						
Учебная	1. Комплект учебной мебели на	Adobe Acrobat Reader DC –					
аудитория №	25 посадочных мест.	бесплатно					
218 (170002	2. Экран настенный 153х203	Microsoft Windows 10 Enterprise -					
Тверская обл.,	3. Переносной комплект	Акт приема-передачи № 369 от 21					
г. Тверь,	мультимедийной техники.	июля 2017					
Садовый пер.,		Kaspersky Endpoint Security 10 для					
д. 35)		Windows – Акт на передачу прав					
		№2129 от 25 октября 2016 г.					
		Google Chrome – бесплатно					
		MS Office 365 pro plus - Акт					
		приема-передачи № 369 от 21 июля					
		2017					

Помещения для самостоятельной работы:

Наименование помещений	Оснащенность помещений для самостоятельной работы	Перечень лицензионного программного обеспечения.	
	-	Реквизиты	
		подтверждающего документа	
Помещение для	1. Компьютер RAMEC STORM	Adobe Acrobat Reader DC -	
самостоятельной	C2D 4600/160Gb/ 256mB/DVD-	бесплатно	
работы, учебная	RW +Mонитор LG TFT 17"	Cadence SPB/OrCAD 16.6 -	
аудитория для	L1753S-SF – 12 шт	Государственный контракт на	
проведения занятий	2. Мультимедийный комплект	поставку лицензионных	
лекционного типа,	учебного класса (вариант № 2)	программных продуктов 103 -	
занятий	Проектор Casio XJ-M140,	ГК/09 от 15.06.2009	
семинарского типа,	настенный проекц. экран Lumien	Google Chrome - бесплатно	
курсового	1 1	Java SE Development Kit 8 Update	
проектирования	180*180. ноутбук Dell N4050.	45 (64-bit) - бесплатно	
(выполнения	сумка 15,6", мышь	Kaspersky Endpoint Security 10 для	
курсовых работ),	3. Коммутатор D-Link	Windows – Акт на передачу прав	
групповых и	10/100/1000mbps 16-potr DGS-	№2129 от 25 октября 2016 г.	
индивидуальных	1016D	Lazarus 1.4.0 - бесплатно	

консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, практики, Компьютерный класс физикотехнического факультета. Компьютерная лаборатория	4. Видеокамера IP-FALCON EYE FE-IPC-BL200P, ОнЛайн Трейд ООО 5. Видеокамера IP-FALCON EYE FE-IPC-BL200P, ОнЛайн Трейд ООО 6. Демонстрационное оборудование комплект «LegoMidstormsEV3»	Lego MINDSTORM EV3 - бесплатно Mathcad 15 M010 - Акт предоставления прав ИС00000027 от 16.09.2011 МАТLАВ R2012b - Акт предоставления прав № Us000311 от 25.09.2012 Місгоsoft Express Studio 4 бесплатно MіКТеХ 2.9 - бесплатно
лаборатория робототехнических систем №4а (170002 Тверская обл., г. Тверь, Садовый пер., д. 35)	7. Комплект учебной мебели	МіКТеХ 2.9 - бесплатно MPICH 64-bit — бесплатно MSXML 4.0 SP2 Parser and SDK - бесплатно Microsoft Windows 10 Enterprise - Акт приема-передачи № 369 от 21 июля 2017 MS Office 365 pro plus - Акт приема-передачи № 369 от 21 июля 2017

Х. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины

№п.п.	Обновленный раздел рабочей программы дисциплины (или модуля)	Описание внесенных изменений	Дата и протокол заседания кафедры, утвердившего изменения
1	Раздел IV	Реквизиты «Положения о рейтинговой системе обучения и оценки качества учебной работы студентов ТвГУ» и «Положения о промежуточной аттестации (экзаменах и зачетах) студентов ТвГУ»	Протокол Совета ФТФ №5 от 31 октября 2017 г.
2	Раздел IX	Оснащенность аудиторного фонда для проведения учебных занятий и самостоятельной работы студентов согласно «Справки МТО ООП»	Протокол Совета ФТФ №5 от 31 октября 2017 г